

引用格式:和萍,史峰,耿斯涵,等.风电并网容量与消纳模式对互联电网小干扰稳定性的影响[J].轻工学报,2016,31(2):66-73. **中图分类号:**TM712 **文献标识码:**A **DOI**:10.3969/j.issn.2096-1553.2016.2.009

文章编号:2096-1553(2016)02-0066-08

风电并网容量与消纳模式对互联电网小干扰 稳定性的影响

Impacts of wind power integration capacity and accommodation on small signal stability of interconnected power systems

和萍,史峰,耿斯涵,崔光照 HE Ping, SHI Feng, GENG Si-han, CUI Guang-zhao

关键词:

互联电力系统;风电郑州轻工业学院 电气信息工程学院,河南 郑州 450002并网;风电消纳模式;College of Electrical and Information Engineering, Zhengzhou University of Light Industry, Zhengzhou小干扰稳定性450002, China

Key words:

interconnected power system; wind power integration; wind power accommodation mode; small signal stability **摘要:**针对风电并网容量与消纳模式对互联电网小干扰稳定性的影响问题,基 于完整的双馈风力发电机组模型,采用特征根分析和时域仿真分析方法,以两 区域4 机系统为例,分析了不同风机出力、不同消纳模式下系统振荡模式和动 态响应曲线.结果表明,风电机组并网能够增强互联电力系统的阻尼比,风电机

收稿日期:2015-12-15

基金项目:国家自然科学基金项目(51507157);郑州轻工业学院博士科研基金项目(2014BSJJ043);郑州轻工业学院青年 骨干教师项目

组处于本地消纳模式时有利于减小区域间的低频振荡.

作者简介:和萍(1980—),女,河南省鄢陵县人,郑州轻工业学院讲师,博士,主要研究方向为电力系统稳定性分析控制、 风电并网等.

通信作者:崔光照(1957—),男,河南省洛宁县人,郑州轻工业学院教授,博士,主要研究方向为电力系统运行分析与 控制. **Abstract**: Aiming at the impacts of wind power integration capacity and accommodation on small signal stability of interconnected power systems, based on the comprehensive model of the doubly fed induction generator (DFIG), detailed analysis of different wind turbine output and accommodation, the system oscillation mode and dynamic response curve under accomodation mode were carried out on a two-area four generators system by using the eigenvalue analysis and dynamic time-domain simulation. Results showed that wind turbine generator accomodation could increase the damping of interconnected power system and decrease low frequency oscillation in mode of accomodation on distance.

0 引言

随着生态环境的恶化及化石能源的逐渐枯 竭,对新能源的开发和利用已经成为当下能源 科学技术研究的热点^[1].风能具有可再生、零污 染、储量丰富等特点,其在保护环境、缓解能源 危机、可持续发展等方面的优势越来越明 显^[2-3].但风电与火电、水电、核电不同,它受气 侯、地域、季节等自然环境的制约,电力不太集 中,须大规模集中并网方能为产业提供电能,这 就带来了互联系统的安全稳定尤其是区域间的 低频振荡问题^[4-5].

近年来,国内外针对风电场并入电网后电 力系统的稳定问题做了大量研究^[6-20].风电机 组并网对电力系统阻尼特性影响的研究由 J.G. Siootweg等^[6]在2003年最先发起.随后大 量文献^[7-12]多集中在采用特征值分析法研究 风电并网对系统低频振荡及小干扰稳定性的影 响等方面;文献[13]考虑并网容量的不同,分 析了 WSCC 3 机 9 节点中双馈风电机组并网后 对电力系统低频振荡特性的影响:文献[14]以 北欧电网实际模型为例,从区域间振荡模态角 度分析了不同类型的风电机组对互联系统的影 响;文献[15-16]认为单机大容量是风电未来 发展的主要趋势,并分析了在不同风况和系统 容量下风电并网对系统稳定性的影响:文献 [17-18]分别以通辽电网和京津唐电网风电 基地并网方案为例,针对风电场集中并网后系

统运行情况及控制对策进行了阐述.

在实际风电投运系统中,风电场接入电网 的消纳方式一般有两种:一是当风电场容量较 小时,作为一种分布式电源分散接入地区配电 网络,以就地方式消纳;二是当风电场容量较大 时,作为集中开发风电基地接入高压输电通道, 以远方输送方式消纳,如海上风电,以及类似内 蒙古、张家口、酒泉等10⁷ kW 级风电基地.

虽然针对风电并网对电力系统安全性和稳 定性的影响已取得了一些研究成果,然而,目前 文献对于综合考虑并网容量和风电消纳方式对 互联系统小干扰稳定性的影响尚缺乏整体研 究.本文拟以文献[6-16]的成果为基础,构建 基于双馈感应发电机 DFIG(Doubly Fed Induction Generator)的风电机组数学模型,研究风电 并网容量与消纳方式对互联电网小干扰稳定性 的影响,以期为全面分析互联系统风电场入网 规划和运行提供参考.

1 风电机组数学模型

本文以目前应用最广泛的基于双馈感应发 电机的风电机组为对象,构建其动态模型框图, 如图1所示. DFIG 定子直接与电网相连,而转 子经脉宽调制变换器与系统相连,以实现有功、 无功的解耦控制.其中,v为风速; T_m 和 T_e 分别 为风机输出机械转矩和发电机转子机械电磁转 矩; ω_1 和 ω_g 分别为风力机转速和发电机转速; θ_g 为发电机转子角; β 为桨距角, β_{ref} 为桨距角





Fig. 1 The dynamic model configuration of wind turbine generator

参考值; P和Q为有功功率和无功功率,其中下标 s表示定子发出功率, r表示转子发出功率; P。和Q。为网侧变换器从电网吸收的有功功率和无功功率; P。和Q。为双馈电机风电系统流入电网的有功功率和无功功率.

1.1 空气动力学模型

由流体力学可知,风功率

 $P_{w} = 0.5 \rho \pi R^{2} v^{3}$

式中,R为叶片半径, p为空气密度, P_w为当风 吹过风机叶片前所具有的风能.风能转化为机 械能的多少取决于风能利用系数 C_p, 由贝茨理 论可知, C_p最大值为 0.593, 则

 $P_{\rm M} = C_{\rm p} P_{\rm W} = 0.5 \rho \pi R^2 C_{\rm p} (\lambda, \beta) v^3$

式中, $P_{\rm M}$ 为风机捕获的风能,叶尖速比 $\lambda = \omega R/v$.则

 $C_{p}(\lambda,\beta) = 0.22(116/\lambda_{0} - 0.4\beta - 5)e^{\frac{-3.3}{\lambda}}$ 其中, $\lambda_{0} = 1/(\frac{1}{\lambda+0.88\beta} - \frac{0.035}{1+\beta^{3}})$,由上式可 知,风能利用系数 $C_{p}(\lambda,\beta)$ 是叶尖速比和桨距 角的函数,风机性能曲线如图 2 所示.

由图 2 可见,当 β 逐渐增大时, $C_p(\lambda)$ 明显 减小. 若 β 保持不变, C_p 则只与 λ 有关,可以用 一条 $C_p(\lambda)$ 曲线来描述. 由此可推导出风速与 机械转矩的关系为

 $T_{\rm m} = 0.5 \pi \rho C_{\rm p} (\beta, \lambda) R^3 v^3 / \lambda$



图 2 风机的性能曲线



1.2 轴系模型

传动装置一般采用两质量模块^[7]模型,其 轴系模型可表示为

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}\omega_{\mathrm{g}}}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{2H_{\mathrm{g}}}(T_{\mathrm{sh}} - T_{\mathrm{e}} - D_{\mathrm{t}}\omega_{\mathrm{g}}) \\\\ \frac{\mathrm{d}\theta_{\mathrm{t}}}{\mathrm{d}t} = \omega_{\mathrm{b}}(\omega_{\mathrm{t}} - \omega_{\mathrm{g}}) \\\\ \frac{\mathrm{d}\omega_{\mathrm{t}}}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{2H_{\mathrm{t}}}(T_{\mathrm{m}} - T_{\mathrm{sh}}) \end{cases}$$

式中, H_t 和 H_g 分别为风机和发电机的惯性时间常数, θ_t 和 ω_b 分别为轴系扭曲角度和系统同步转速, D_t 为风机的阻尼系数, T_{sh} 为风机轴系转矩.

1.3 DFIG 模型

DFIG 采用绕线式异步电机在 *d-q* 坐标系下的标幺制4阶模型^[19],即

$$\begin{cases} \frac{X_{s}' di_{ds}}{\omega_{s} dt} = -\left(r_{s} + \frac{x_{s} - x_{s}'}{\omega_{s} T_{0}'}\right) i_{ds} + X_{s}' i_{qs} + v_{ds} - \left(1 - s_{r}\right) e_{ds}' + \frac{1}{\omega_{s} T_{0}'} e_{qs}' - \frac{L_{m}}{L_{r}} v_{dr} \\ \frac{X_{s}' di_{qs}}{\omega_{s} dt} = -\left(r_{s} + \frac{x_{s} - x_{s}'}{\omega_{s} T_{0}'}\right) i_{qs} - x_{s}' i_{ds} + v_{qs} - \left(1 - s_{r}\right) e_{qs}' - \frac{1}{\omega_{s} T_{0}'} e_{ds}' - \frac{L_{m}}{L_{r}} v_{qr} \\ \frac{de'_{ds}}{dt} = s_{r} \omega_{s} e_{qs}' - \omega_{s} \frac{L_{m}}{L_{r}} v_{qr} - \frac{1}{T'_{0}} \left[e_{ds}' + (x_{s} - x_{s}') i_{qs}\right] \\ \frac{de'_{qs}}{dt} = -s_{r} \omega_{s} e_{ds}' + \omega_{s} \frac{L_{m}}{L_{r}} v_{dr} - \frac{1}{T'_{0}} \left[e_{qs}' - (x_{s} - x_{s}') i_{ds}\right] \end{cases}$$

式中, Ψ_{dr} 和 Ψ_{qr} 分别为转子磁通的 d-q 轴 分量; L_s 和 L_r 分别为定子自感和转子自感; r_s , r_r , x_s , x'_s 分别为定子电阻、转子电阻、定子电抗 和定子暂态电抗; e'_{ds} 和 e_{qs} '为后暂态电势的 d-q轴分量; T'_0 为转子时间常数; i_{ds} , i_{qs} 为定子电流 的 d-q 轴分量; v_{ds} , v_{qs} 和 v_{dr} , v_{qr} 分别为定子电压 和转子电压的 d-q 轴分量.

1.4 桨距角模型

为了使风轮机输出平稳并提高风能转换效率,通常桨距角的控制模型见式①,框图如图 3 所示.

$$\frac{\mathrm{d}\boldsymbol{\beta}}{\mathrm{d}t} = \frac{t}{T_{\boldsymbol{\beta}}} (\boldsymbol{\beta}_{\mathrm{ref}} - \boldsymbol{\beta}) \qquad (1)$$





Fig. 3 Control diagram of pitch control strategy

1.5 变换器模型

DFIG 励磁电压由机侧变换器提供, 网侧变换器电容电压由直流调节系统控制维持; 2个

变换器的直流侧由共同的电容器 DC 提供电压 支撑.其功率方程可以表示为

$$\begin{cases}
P_{\rm r} = P_{\rm g} + P_{\rm DC} \\
P_{\rm r} = v_{dr} i_{dr} + v_{qr} i_{qr} \\
P_{\rm g} = v_{dg} i_{dg} + v_{qg} i_{qg} \\
P_{\rm DC} = v_{\rm DC} i_{\rm DC} = -C v_{\rm DC} dv_{\rm DC} / dt
\end{cases}$$
(2)

式中, P_{DC} 为 DC 联络线有功功率; i_{dr} 和 i_{qr} 为转子电流的 d-q 轴分量; i_{dg} , i_{qg} 和 v_{dg} , v_{qg} 分别 为网侧变换器电流和电压的 d-q 轴分量; i_{DC} 和 v_{DC} 分别为电容器 DC 的电流和电压; C 为电容 容量.

由式②可得

$$Cv_{\rm DC} = \frac{{\rm d}v_{\rm DC}}{{\rm d}t} = v_{\rm dg}i_{\rm dg} + v_{\rm gg}i_{\rm qg} - (v_{\rm dr}i_{\rm dr} + v_{\rm qr}i_{\rm qr})$$

2 系统小干扰稳定性分析

小干扰稳定性表征电力系统在遭受小干扰 后维持同步运行的能力.在含风电机组或有风 电并网的电力系统小干扰稳定性研究中,小干 扰稳定分析通常以线性系统理论和 Lyapunov 第一定律为理论基础,将描述电力系统动态特 性的微分 – 代数方程在稳定运行点(*x*₀,*y*₀)处 线性化,线性化后的电力系统模型用状态空间 形式表示为

$\Delta \dot{x} = A \Delta x$

式中, Δx 为描述系统动态特性的状态变量增量, A 为系统的状态矩阵. 后续根据 A 的特征值 和特征向量判断系统的小干扰稳定性.

对于复特征值 $\lambda = \sigma + j\omega$,相应的振荡频 率 $f = \omega/2\pi$,其对应的阻尼比定义为

$$\xi = -\frac{\sigma}{\sqrt{\sigma^2 + \omega^2}} \tag{3}$$

参与因子可用来描述状态变量与模态之间 的关联程度,第*i*个状态变量对第*j*个特征根 的参与因子

$$p_{ij} = \frac{\boldsymbol{w}_{ij}\boldsymbol{v}_{ji}}{\boldsymbol{w}_j^{\mathrm{T}}\boldsymbol{v}_j}$$

其中,对任一特征值 λ_i , 当 n 列向量 w_i 满足 $Aw_i = \lambda_i w_i (i = 1, 2, \dots, n)$ 时, w_i 称为 λ_i 的右 特征向量; 当 n 行向量 v_i 满足 $v_i A = v_i \lambda_i (i = 1, 2, \dots, n)$ 时, v_i 称为 λ_i 的左特征向量.

3 算例分析

3.1 算例

本文选用图 4 所示的两区域 4 机系统,该 系统包括由一条弱联络线连接的两个区域系 统,每个区域都有两台紧密耦合的机组,具体 参数见文献[21].在实际风电并网系统中,风 电场一般含有数台风电机组,本研究为了简化 分析,采用单台风电机组模型作为风电场的集 总模型来模拟整个风电场.



图4 两区域4 机系统示意图

Fig. 4 Two-area four generators system

3.2 风机并网容量对系统的影响

初始系统3个 PV 节点发出的有功功率均 为700 MW,逐步增加风电机组的出力至 40 MW,100 MW,130 MW,为保证联络线传输 功率不变,调整相应母线2处或4处同步机组 出力.表1为不同风机出力系统的部分特征根, 表中渗透率指风机出力占总负荷的百分比,相 关机组由式③计算的相关因子得到.风机出力 100 MW 时系统全部特征根分布如图5 所示.

由表1可知,风电机组并网前系统有两个 局域振荡模式(模式1和模式2),以及一个区 域间振荡模式(模式3);风电机组并网后,系统 增加了一个新的局部振荡模式(模式4)和与风 机相关的模式(模式5).原有的振荡模式中,模

表1 不同风机出力下系统的部分特征根

Table 1Eigenvalues of system with

different wind turbine output

| 风机出 力/MW | 渗透 率/% | 模式 | 特征根 | 频率/Hz | 阻尼比 | 相关 机组 |
|-------------|-----------|----|----------------------|---------|---------|----------------------|
| 0 | 0 | 1 | -0.7664 ± 6.6460 | 1.064 8 | 0.114 6 | $\overline{G_1,G_2}$ |
| | | 2 | -0.9791 ± 6.7441 | 1.084 6 | 0.1437 | G_3, G_4 |
| | | 3 | -0.4142 ± 4.2556 | 0.680 5 | 0.096 9 | G_1, G_3 |
| 40 | 1.36 | 1 | -0.7759 ± 6.6517 | 1.065 8 | 0.1159 | G_1, G_2 |
| | | 2 | -0.9744 ± 6.7525 | 1.085 8 | 0.142 8 | G_3, G_4 |
| | | 3 | -0.4125 ± 4.3115 | 0.6893 | 0.095 2 | G_1, G_3 |
| | | 4 | -0.3558 ± 1.0611 | 0.700 9 | 0.3179 | G_1, G_3 |
| | | 5 | -5.800 6 | 0 | 1 | DFIG |
| 100 | 3.41 | 1 | -0.8178 ± 6.5855 | 1.056 2 | 0.123 2 | $\overline{G_1,G_2}$ |
| | | 2 | -0.9749 ± 6.7596 | 1.087 0 | 0.142 8 | G_3, G_4 |
| | | 3 | -0.4123 ± 4.3203 | 0.6907 | 0.095 0 | G_1, G_3 |
| | | 4 | -0.3732 ± 1.0923 | 0.711 1 | 0.323 3 | G_1, G_3 |
| | | 5 | -6.351 0 | 0 | 1 | DFIG |
| 130 | 4.43 | 1 | -0.8404 ± 6.5429 | 1.049 9 | 0.127 4 | G_1, G_2 |
| | | 2 | -0.9769 ± 6.7626 | 1.087 5 | 0.142 9 | G_3 , G_4 |
| | | 3 | -0.4140 ± 4.3197 | 0.6907 | 0.095 4 | G_1, G_3 |
| | | 4 | -0.3424 ± 0.8466 | 0.145 3 | 0.374 9 | G_1, G_3 |
| | | 5 | -53.278 1 | 0 | 1 | DFIG |



图 5 风机出力 100 MW 时特征根分布情况 Fig. 5 Distribution of eigenvalues with 100 MW wind turbine output

式1和模式2的阻尼比在风电并网后有所提升,随着并网容量的增加,阻尼比也随之增加; 模式3的阻尼比先下降之后又有所回升.





当系统在1s时母线8发生短路,不同风机 并网容量下母线电压响应曲线如图6所示,2[#] 机组响应曲线如图7所示.

图 6 给出了母线 2 及母线 12 电压变化曲 线,可以看出:在没有风机并网时,故障前母线 2 电压稳定,出现故障时发生突降;并入风机时 故障前电压出现小幅下降之后再回升,在出现 故障时突降.故障切除后电压回升,并超过额定 电压之后回落至稳定运行,通过对比可以发现 并入风机后母线 2 的电压比无风机时有所下 降.由母线 12 电压曲线可知,风机在故障发生 的瞬间电压突降,故障被切除后先回升后小幅 降落至稳定运行.



图 7 不同风机并网容量时 2[#]机组响应曲线 Fig. 7 Response curve of unit G₂ with different wind turbine output

图 7 中功角响应曲线取 1[#]机组功角为参考 值,由曲线可以看出,2[#]机组在没有风电并网时 故障前的功角与 1[#]机组保持同步,故障后发生 波动并在 7 s 后恢复同步.随着风电并网容量 的增加,2[#]机组功角波动也随之增大.

3.3 不同消纳模式对系统稳定性的影响

改变风机并网位置,由原来的与母线2并 联改为与母线4并联,风机出力为100 MW.此 时联络线功率由区域1向区域2(母线7流向 母线9)传输,则风机为本地消纳模式.与3.2 相同工况下,可得到表2所示的特征根和图8 所示的响应曲线. 对比表1和表2可知,在本地消纳模式下, 1*和2*机组之间的局域振荡模式阻尼比下降; 3*和4*机组之间的局域震荡模式以及1*和3*机 组之间的区域振荡阻尼比均有提升.由此可以 得出,风电机组处于本地消纳模式时有利于减

表2 风机在母线4并网时系统部分特征根

Table 2Eigenvalues of system with windturbine intigrated at bus 4

| 风机出 力/MW | 模式 | 特征根 | 频率/Hz | 阻尼比 | 相关 机组 |
|-------------|----|----------------------------|---------|---------|------------|
| 100 | 1 | -0.7597 ± 6.6628 | 1.067 3 | 0.113 3 | G_1, G_2 |
| | 2 | -1.0565 ± 6.6535 | 1.072 2 | 0.156 8 | G_3, G_4 |
| | 3 | -0.4209 ± 4.3146 | 0.6899 | 0.097 1 | G_1, G_3 |
| | 4 | $-0.292 \ 8 \pm 0.790 \ 7$ | 0.134 2 | 0.347 3 | G_1, G_3 |
| | 5 | - 108.744 8 | 0 | 1 | DFIG |
| | | | | | |

小区域间的低频震荡.

由图8 所示响应曲线与图6,图7 对比可以 看出,本地消纳模式的母线电压响应与远方消 纳模式相似.与风机并联的4[#]机组功角振荡幅 度减小,但振荡时间有所增加.由4[#]机组的功 率曲线可以看出,故障切除后4[#]机组的功率先 回升之后又下降,最后经历振荡并保持稳定 运行.

4 结论

为研究综合考虑并网容量和风电消纳模式 对互联系统小干扰稳定性的影响,基于双馈感 应发电机风电机组模型,以两区域4机系统为 例,分析了不同风电出力、不同消纳模式下系统







振荡模式和动态响应曲线,得出如下结论.

 1)调节风电机组输出功率,同时调节同步 发电机的输出功率,保持系统联络线传输功率
 不变,系统的阻尼比随着风电并网容量的增加 呈现上升趋势.

2)改变风机的并网位置,本地消纳模式下 系统区域间低频振荡的阻尼比比远方消纳模式 高,风电的本地消纳模式较为有利.

3)风电并网后,与风机并联的同步电机功 角波动随着风机出力增大而增大,风电场的加 入对系统功角波动有一定影响.

参考文献:

- [1] 张海龙.中国新能源发展研究[D].长春:吉 林大学,2014.
- [2] 刘志远,彭秀芳,冯莉黎.风电场风能资源储量和技术开发量估算方法[J].中国电力, 2015,48(6):45.
- [3] ABDULLAH A, FEKIH A. An overview of the current state of wind energy technology development in the US[C] // GREENTECH'13 Proceedings of the 2013 IEEE Green Technologies Conference, Washington DC: IEEE Computer Society, 2013: 120-126.
- [4] 杨东俊,李继升,丁坚勇,等.大区互联电网振荡 频率特性分析[J].华中电力,2012,25(1):71.
- [5] 孙正龙,王雨薇.浅谈互联电网低频振荡的分析 与控制方法[J].黑龙江科技信息,2015,36:180.
- [6] SIOOTWEG J G, KLING W L. The impact of large scale wind power generation on power system oscillations [J]. Electric power systems research, 2003,67(1):9.
- [7] 关宏亮. 大规模风电接入电力系统的小干扰 稳定性分析[D]. 北京:华北电力大学,2008.
- [8] 邓卫,唐西胜,齐智平.异步风力发电机对微 网稳定性的影响与对策[J].中国电机工程学 报,2011,31(1):32.
- [9] YANG L H, YANG G Y, XU Z, et al. Optimal controller design of a doubly-fed induction generator wind turbine system for small signal sta-

bility enhancement [J]. IET generation, transmission and distribution, 2010, 4(5);579.

- [10] 常勇,徐政,郑玉平.大型风电场接入系统方式的仿真比较[J].电力系统自动化,2007,31
 (14):70.
- [11] MISHRA Y, MISHRA S, LI F, et al. Small signal stability analysis of a DFIG-based wind power system under different modes of operation [J]. IEEE trans on energy conversion, 2009, 24(4):972.
- [12] SHI L B, KANG L, NI Y X, et al. Small signal stability analysis with penetration of grid-connected wind farm of PMSG type[J]. Automation of electric power systems, 2012, 36(8):171.
- [13] 杨黎晖,马西奎. 双馈风电机组对电力系统低频振荡特性的影响[J]. 中国电机工程学报,2011,31(10):19.
- [14] HAGSTROM E, NORHEIM I, UHLEN K. Large scale wind power integration in Norway and effect on damping in the Nordic grid [J]. Wind energy, 2005, 8(3):375.
- [15] 熊来红,单瑞卿,汪皓钰,等.不同风况和系统 容量下双馈风机并网谐波特性研究[J].电网 与清洁能源,2011,27(12):106.
- [16]于强,孙华东,汤涌,等.双馈风电机组接入对电力系统功角稳定性的影响[J].电网技术, 2013,37(12):3399.
- [17] 李付强,沈卫东,王彬.大规模风电并网对京 津唐电网的影响和对策分析[J].电力技术, 2009(10):44.
- [18] 杨涛,郑涛,迟永宁,等. 大规模风电外送对电 力系统小干扰稳定性影响[J]. 中国电力, 2010,43(6):20.
- [19] 汤蕾,沈沉,张雪敏.大规模风电集中接入对 电力系统暂态功角稳定性的影响(二):影响 因素分析[J].中国电机工程学报,2015,35 (16):4043.
- [20] 刘畅,吴浩,高长征,等.风电消纳能力分析方法的研究[J].电力系统保护与控制,2014,42
 (4):61.
- [21] KUNDUR P. Power system stability and control
 [M]. New York:McGraw-Hill Inc, 1994.